



2^4 から 2^1 までを計算すると、上のように、どんどん $\div 2$ をされている。

この法則にしたがって、0乗や負の整数の指数を考えてみよう。

上の $\boxed{\quad}$ に入る数字を考えてみよう！

指数が0や負の整数である場合の累乗の意味を、次のように定める。

※重要※ $a \neq 0$ で、 n は正の整数とする。

$$a^0 = \boxed{1}, \quad a^{-n} = \boxed{\frac{1}{a^n}} \quad \text{とくに} \quad a^{-1} = \boxed{\frac{1}{a}}$$

例 1 $2^0 = 1, \quad 10^{-4} = \frac{1}{10^4}, \quad 2^{-3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}, \quad 3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$

練習 1 次の $\boxed{\quad}$ に適する数を求めよ。ただし、(1)～(3), (5) は整数、(4) は小数とする。

$$(1) 5^0 = \boxed{\quad} \quad (2) 4^{-2} = \frac{1}{4^{\boxed{\quad}}} = \boxed{\quad} \quad (3) 3^{-3} = \frac{1}{3^{\boxed{\quad}}} = \boxed{\quad}$$

$$(4) 0.001 = \frac{1}{1000} = \frac{1}{10^{\boxed{\quad}}} = 10^{\boxed{\quad}}$$

(発展)(5) $0.00074 = 7.4 \times 10^{\boxed{\quad}}$

〔解答〕 (1) 1 (2) $2, \frac{1}{16}$ (3) $3, \frac{1}{27}$ (4) $3, -3$ (5) -4

一般に、指数が整数の場合に、次の指数法則が成り立つ。

指数法則 (指数が整数)

$a \neq 0, b \neq 0$ で、 m, n は整数とする。

1 $a^m \times a^n = a^{m+n}$

2 $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

3 $(a^m)^n = a^{mn}$

4 $(ab)^n = a^n b^n$

練習 2 次の $\boxed{\quad}$ に適する数を求めよ。

(1) $3^4 \times 3^{-2} = 3^{\boxed{\quad}}$

(2) $10^{-3} \div 10^2 = 10^{\boxed{\quad}}$

(3) $(3^{-2})^4 = 3^{\boxed{\quad}}$

(4) $(2 \times 3^4)^{-2} = 2^{\boxed{\quad}} \times 3^{\boxed{\quad}}$

〔解答〕 (1) 2 (2) -5 (3) -8 (4) $-2, -8$

練習 3 次の計算をせよ。

(1) 7^0

(2) 8^{-2}

(3) $2^8 \times 2^{-5}$

(4) $(3^{-2})^{-3}$

(5) $5^{-4} \times 5^6$

(6) $9^{-4} \times 9^6 \div 9^2$

〔解答〕 (1) 1 (2) $\frac{1}{64}$ (3) 8 (4) 729 (5) 25 (6) 1

※復習 次の問いに答えよ。

- (1) 4の平方根を答えよ。 答え: ± 2
 (2) 25の平方根を答えよ。 答え: ± 5
 (3) 3の平方根を答えよ。 答え: $\pm \sqrt{3}$

a の平方根とは、2乗すると a になる数のことでした。同様に、3乗すると a になる数、4乗すると a になる数……を探してみよう。

※教科書を見ながら に入る言葉を埋めよう！

n を正の整数とするとき、 n 乗すると a になる数を a の n 乗根 という。

すなわち、方程式 $x^n=a$ の解が a の n 乗根である。また、 a の2乗根(平方根)、3乗根、4乗根、……をまとめて a の 累乗根 という。

例2 (1) $2^3=8$ から、2は8の3乗根である。

(2) $3^4=(-3)^4=81$ から、3と-3は81の4乗根である。終

練習3 次の に適する数を求めよ。

- (1) $(-2)^3=-8$ であるから、 は-8の 乗根である。
 (2) $2^4=(-2)^4=16$ であるから、2と は16の 乗根である。

解答 (1) -2 (2) -2

問題1 次の問いに答えよ。

- (1) 27の3乗根を求めよ。→ヒント 3乗すると27になる数は?
 (2) 16の4乗根を求めよ。→ヒント 4乗すると16になる数は?
 (3) 1の10乗根は?

解答 (1) 3 (2) 2, -2 (3) 1, -1

正の数 a の n 乗根のうち、正であるものを $\sqrt[n]{a}$ で表す。

- 例3 (1) $2^3=8$ であるから $\sqrt[3]{8}=2$
 (2) $3^4=81$ であるから $\sqrt[4]{81}=3$

終

$$a > 0 \text{ のとき } \sqrt[n]{a} > 0, \quad (\sqrt[n]{a})^n = a, \quad \sqrt[n]{a^n} = a$$

練習4 次の値を求めよ。

- (1) $\sqrt[3]{1}$ →ヒント 3乗すると1になる数は?
 (2) $\sqrt[3]{27}$ →ヒント 3乗すると27になる数は?
 (3) $\sqrt[4]{\frac{1}{16}}$ →ヒント 4乗すると $\frac{1}{16}$ になる数は? (プラスのみ)

解答 (1) 1 (2) 3 (3) $\frac{1}{2}$

先ほどの練習4までは、3や4など、実際に簡単な累乗根があった。

しかし、「5の3乗根」などはきれいな整数の形で存在しない。そこで、「5の3乗根」は $\sqrt[3]{5}$ 、「7の10乗根」は $\sqrt[10]{7}$ のように書く。

注意 $\sqrt[n]{a}$ は「 n 乗根 a 」と読む。また、 $\sqrt[2]{a}$ は、ふつう \sqrt{a} と書く。

練習5 次の数を $\sqrt[n]{}$ を用いて表せ。

- (1) 3の5乗根 (2) 10の3乗根

解答 (1) $\sqrt[5]{3}$ (2) $\sqrt[3]{10}$